## УСИЛЕНИЕ ЭЛЕКТРИЧЕСКОГО ПОЛЯ В ТВЕРДОМ ДИЭЛЕКТРИКЕ ПРИ ОБЪЕДИНЕНИИ БЛИЗКО РАСПОЛОЖЕННЫХ ВОДНЫХ МИКРОВКЛЮЧЕНИЙ ПРОВОДЯЩИМИ КАНАЛАМИ

## Щерба М.А., ст. преподаватель

*НТУУ «КПИ», кафедра теоретической электротехники* **Сагара А.В., студент** *НТУУ «КПИ», кафедра возобновляемых источников энергии* 

Введение. В настоящее время наблюдается повышенный интерес к задачам расчета сильных электрических полей (ЭП) в неоднородных средах. является необходимость повысить Одной из причин диэлектрическую прочность И долговечность современных полимерных изоляционных материалов на высокие и сверхвысокие напряжения, в частности сшитого полиэтилена (СПЭ) [2]. Как отмечается во множестве работ, одной из основных причин деградации твердого диэлектрика в сильном ЭП считается появление проводящих (в частности водных) микровключений с последующим образованием развитием водных триингов [5, 7]. Для И описания электрофизических процессов разрушения структуры твердого диэлектрика важно провести расчет и анализ распределения ЭП в его объеме и выявить уровни и области наибольшего усиления поля.

В большинстве работ посвященных моделированию водных триингов в СПЭ изоляции их конфигурация существенно упрощалась. Так в одних работах области изоляции с триингами представлялись сплошными проводящими фигурами простых форм (большей частью эллипсоидами) [4], в то время как в других – отдельные ветви триингов имели цилиндрическую форму со сферическим округлением или без него на острие [2].

Исходя из экспериментальных данных в работе [6] предложено рассматривать структуру ветвей водных триингов состоящей из вытянутых эллипсоидов с тонкими проводящими каналами между ними (см. рис. 1). Такая модель обосновывается исходя из знаний о процессе триингообразования в СПЭ изоляции. При конденсации влаги в ее микропорах и микротрещинах образуются близкорасположенные микро- и субмикронные включения.



Рисунок 1 – Водный триинг в СПЭ изоляции в виде множества близко расположенных микровключений объединенных тонкими проводящими каналами [6]

Под действием пульсирующих электромеханических сил полюса включений создают давление на материал диэлектрика и при превышении его предела прочности образуют новые трещины, в которые постепенно проникает влага. Таким образом, между микровключениями образуются тонкие каналы, проводимость которых возрастает по мере их заполнения водой.

При указанной конфигурации водных триингов распределение ЭП в диэлектрике может существенно отличатся от результатов, приведенных в работах [2, 4, 5, 7]. Поэтому **целью данной работы** является математическое моделирование и анализ локальных усилений электрического поля в диэлектрике возле близко расположенных водных микровключений с объединяющими их каналами различной проводимости.

Постановка задачи. В данной работе рассматривался слой СПЭ изоляции толщиной 1 мм вблизи токопроводящей жилы кабеля 330 кВ. К слою приложено синусоидальное напряжение частотой 50 Гц и амплитудой 10 кВ. В слое есть гетерогенные водные включения, имеющие форму эллипсоидов вращения с полуосями 0,5 и 1 мкм, соединенные цилиндрическими каналами радиусом 40 нм и длинной 3 мкм, что является характерной структурой для водных триингов [6]. Удельная проводимость каналов о канала изменялась от 10<sup>-14</sup> См/м (проводимость полиэтилена) до 10<sup>-2</sup> См/м (проводимость воды). Диэлектрическая среда однородной, линейной И изотропной. Задача считалась решалась В квазистатическом допущении:  $\partial \boldsymbol{B}/\partial t = 0$ . Вводился скалярный электрический потенциал  $\varphi$  согласно уравнению E = - grad  $\varphi$ .

Из уравнений Максвелла с применением метода комплексных амплитуд расчетное уравнение для распределения потенциал  $\phi$  имеет вид [1–3]:

$$\operatorname{div}\left[(\gamma - i\omega\varepsilon\varepsilon_0) \cdot \operatorname{grad} \dot{\varphi}\right] = 0 . \tag{1}$$

Для получения единственного решения, уравнение (1) на верхней и нижней границах расчетной области дополнялось условиями Дирихле (заданием значений потенциалов), а на боковых границах – условиями Неймана (равенством нулю производных потенциалов по нормали к поверхности). На границе раздела СПЭ изоляция – водное микровключение задавались условия равенства потенциалов и их производных по нормали к поверхности [1–3]:

$$\varphi_1(t) = \varphi_2(t) , \quad (2) \qquad (\gamma_1 + i\omega\varepsilon_0\varepsilon_1) \,\partial\varphi_1(t)/\partial \mathbf{n} = (\gamma_2 + i\omega\varepsilon_0\varepsilon_2) \,\partial\varphi_2(t)/\partial \mathbf{n} . \quad (3)$$

Уравнение (1) решалось методом конечных элементов.

**Результаты исследований.** Распределение напряженности ЭП *E* в СПЭ изоляции при изменении проводимости каналов между микровключениями  $\sigma_{\text{канала}}$  от  $10^{-14}$  до  $10^{-2}$  См/м показано на рис. 2 (согласно шкале справа). Тонированная область в целом является областью напряженного объема  $V_{\text{н}}$  (областью, в которой *E* усилилось на 50 % и более по сравнению со средним значением  $E_{\text{ср}} = 10$  кВ/мм в изоляции).

Габлица 1 – Величины <i>Е</i> <sub>мах</sub> и	$V_{ m {\tiny H}}$ в диэлектрике с	с микровключениями
--	------------------------------------	--------------------

σ <sub>канала,</sub> См/м	10 <sup>-14</sup> (СПЭ)	10-6	10-4	10 <sup>-2</sup> (вода)
$E_{\rm max}$ , к ${ m B}/{ m MM}$	57	58	216	250
$V_{\scriptscriptstyle  m H}$ , мкм $^3$	5,8	6,1	113,9	322,2



Рисунок 2 – Распределение напряженности ЭП в СПЭ изоляции вблизи проводящих микровключений соединенных тонкими каналами

Значения максимальной напряженности поля  $E_{\text{max}}$  и величины  $V_{\text{H}}$  приведены в табл. 1. Согласно результатам проведенного численного эксперимента можно сделать следующие **выводы**:

При образовании между эллипсоидальными микровключениями проводящего канала и при увеличении его проводимости электрическое поле существенно возмущается, что проявляется в росте величин его напряженности E и напряженного объема изоляции  $V_{\rm H}$ . При достижении проводимости канала значений характерных для воды  $\sigma_{\rm B} = 0,01$  См/м максимальная напряженность ЭП  $E_{\rm max}$  растет в 4,4 раза (до 250 кВ/мм), а напряженный объем  $V_{\rm H}$  – в 55,5 раз (до 322 мкм<sup>3</sup>) по сравнению с отдельными микрокаплями воды.

Таким образом, уточнение конфигурации водных триингов позволяет выявить существенное усиление электрического поля в диэлектрике и точнее описать электрофизические процессы в сшитой полиэтиленовой изоляции при их появлении.

## Перечень ссылок

1. Ландау Л.Д., Лифииц Е.М. Электродинамика сплошных сред. – М.: Наука, 1980. – 560 с. 2. Шидловский А.К., Щерба А.А., Золотарев В.М., Подольцев А.Д., Кучерявая И.Н. Кабели с полимерной изоляцией на сверхвысокие напряжения. – К.: Наш формат, 2013. – 550 с.

3. *Щерба М.А.* Возмущение электрического поля проводящими включениями в диэлектриках. – К.: Наш Формат, 2013. – 223 с.

4. Burkes K. Makram E., Hadidi R. Modeling the Effect of a Water Tree inside Tape Shield and Concentric Neutral Cables. In: Proc. COMSOL Conf. Boston, 2014. p.1–9.

5. *Dissado L.A.* Understanding electrical trees in solids: from experiment to theory. Dielectrics and Electrical Insulation, IEEE Transactions on 9.4 (2002): 483–497.

6. *Hvidsten S., Ildstad E., & Faremo H.* Mechanisms causing nonlinear dielectric response of water treed XLPE cables. Conduction and Breakdown in Solid Dielectrics. Proc. of the 1998 IEEE 6th International Conference on (pp. 73–78).

7. *Ross R*. Inception and propagation mechanisms of water treeing. Dielectrics and Electrical Insulation, IEEE Transactions on 5.5 (1998): 660–680.